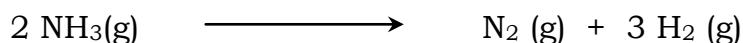


S2 - FILIERES SMC /SMP
1^{er} Contrôle de Chimie Générale II

Exercice I

L'ammoniac NH_3 subit une réaction de décomposition thermique (supposée totale) en phase gazeuse pour donner du dihydrogène et du diazote selon la réaction :



- 1-** Sachant qu'à $T_1 = 298 \text{ K}$, l'enthalpie standard de formation de l'ammoniac gazeux est de $-46,1 \text{ kJ.mol}^{-1}$, calculer pour la réaction considérée :
- a-** l'enthalpie standard de réaction $\Delta_r H^\circ_{(298 \text{ K})}$,
 - b-** l'énergie interne standard de réaction $\Delta_r U^\circ_{(298 \text{ K})}$,
 - c-** l'entropie standard de réaction $\Delta_r S^\circ_{(298 \text{ K})}$,
- 2-** La réaction est réalisée à $T_2 = 598 \text{ K}$ avec une enthalpie standard de réaction $\Delta_r H^\circ_{(598 \text{ K})} = 106 \text{ kJ.mol}^{-1}$.
- a-** Calculer la capacité calorifique molaire à pression constante c_p de $\text{NH}_3(\text{g})$ (supposée indépendante de la température).
 - b-** Calculer l'entropie standard de réaction $\Delta_r S^\circ_{(598 \text{ K})}$ à $T_2 = 598 \text{ K}$.
- 3-** A l'aide des résultats obtenus, discuter la spontanéité de la réaction aux deux températures T_1 et T_2 sous une pression égale à 1 bar.

Données :

- Constante des gaz parfaits : $R = 8,314 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1}$,

Entropies molaires standard à 298 K (en $\text{J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1}$)

$$S^\circ_{(\text{NH}_3, \text{g})} = 192,3$$

$$S^\circ_{(\text{N}_2, \text{g})} = 191,5$$

$$S^\circ_{(\text{H}_2, \text{g})} = 130,6$$

Capacités calorifiques molaires (en $\text{J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1}$)

$$c_{p(\text{N}_2, \text{g})} = 29,1$$

$$c_{p(\text{H}_2, \text{g})} = 28,9$$

Exercice II

On réalise, à 25°C et à volume constant, la combustion de 0,017 mol de tétraméthylsilane (TMS) liquide, de formule $\text{Si}(\text{CH}_3)_4$, dans un excès de dioxygène dans une bombe calorimétrique. La valeur en eau μ du calorimètre vaut 3623,4 g et la variation de température relevée est de 4,43°C.

- 1- Ecrire la réaction de combustion du TMS liquide sachant qu'elle produit du dioxyde de silicium SiO_2 (s) en plus de CO_2 (g) et H_2O (liq).
- 2- En négligeant la quantité de chaleur absorbées par les produits de la réaction, déterminer la chaleur de combustion Q_v produite par la réaction.
- 3- En déduire l'énergie interne standard $\Delta_c U^\circ_{(298\text{ K})}$ et l'enthalpie standard $\Delta_c H^\circ_{(298\text{ K})}$ de combustion du TMS liquide à 298 K.
- 4- Déterminer l'enthalpie standard de formation $\Delta_f H^\circ_{(298\text{ K})}$ du TMS liquide.
- 5- A partir de la réaction de combustion du TMS liquide à 298 K et en utilisant les enthalpies de changement d'état nécessaires, établir un cycle permettant de déterminer l'enthalpie de la liaison Si-C. Calculer sa valeur.

Données :

- Constante des gaz parfaits : $R = 8,314 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1}$,

- Capacité calorifique massique de l'eau : $c = 4,18 \text{ J.g}^{-1}.\text{K}^{-1}$,

- Enthalpies standard de formation à 298 K (en J.mol^{-1})

$$\Delta_f H^\circ_{(\text{CO}_2, \text{g})} = -393,5 \quad \Delta_f H^\circ_{(\text{H}_2\text{O}, \text{liq})} = -285,8 \quad \Delta_f H^\circ_{(\text{SiO}_2, \text{s})} = -909,06$$

- Enthalpies de liaison (en kJ.mol^{-1}) :

$$\Delta_\ell H^\circ_{(\text{C}=\text{O})} = -798 \quad \Delta_\ell H^\circ_{(\text{O}-\text{H})} = -463 \quad \Delta_\ell H^\circ_{(\text{C}-\text{H})} = -414 \quad \Delta_\ell H^\circ_{(\text{O}=\text{O})} = -498$$
$$\Delta_\ell H^\circ_{(\text{Si}=\text{O})} = -796$$

- Enthalpie standard de vaporisation du TMS :

$$\Delta_{\text{vap}} H^\circ_{(\text{TMS}, 298\text{ K})} = 24,48 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

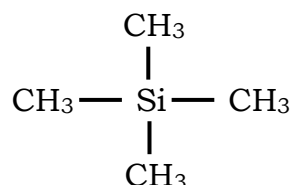
- Enthalpie standard de sublimation de SiO_2 à 298 K :

$$\Delta_{\text{sub}} H^\circ_{(\text{SiO}_2, 298\text{ K})} = 216 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

- Enthalpie standard de vaporisation de l'eau à 298 K :

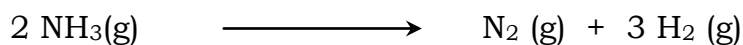
$$\Delta_{\text{vap}} H^\circ_{(\text{H}_2\text{O}, 298\text{ K})} = 44,37 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

- Formule semi-développée du TMS :



Corrigé du 1^{er} Contrôle de Chimie générale - 2009 / 2010

Exercice I



1- a-

$$\Delta_r H^\circ_{(298\text{K})} = \Delta_f H^\circ_{(\text{N}_2, \text{g}, 298\text{K})} + 3\Delta_f H^\circ_{(\text{H}_2, \text{g}, 298\text{K})} - 2\Delta_f H^\circ_{(\text{NH}_3, \text{g}, 298\text{K})} = -2\Delta_f H^\circ_{(\text{NH}_3, \text{g}, 298\text{K})}$$

$$\Delta_r H^\circ_{(298\text{K})} = 92,2 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

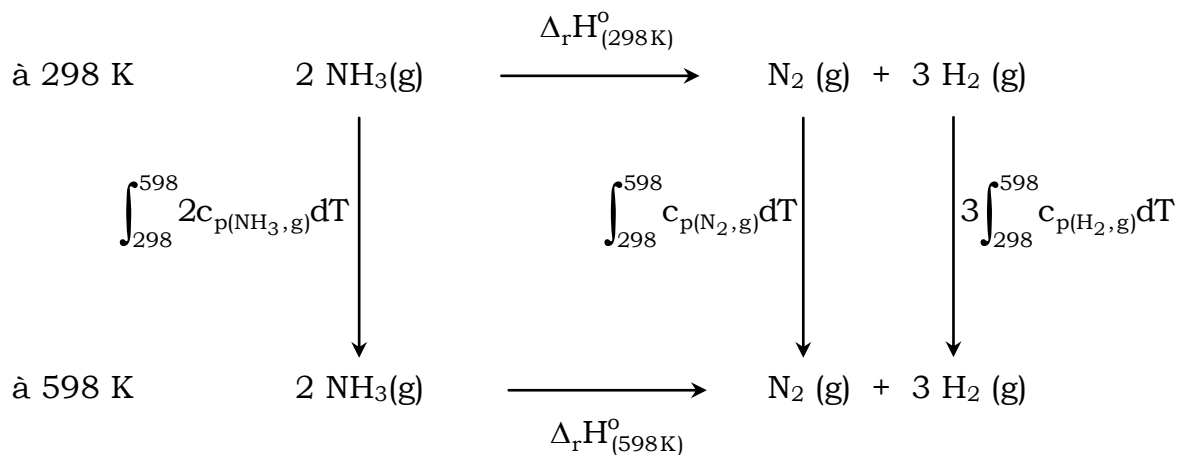
b- $\Delta_r U^\circ_{(298\text{K})} = \Delta_r H^\circ_{(298\text{K})} - RT(\Delta_r \nu)_{\text{gaz}} \quad \text{avec} \quad (\Delta_r \nu)_{\text{gaz}} = 2$

$$\Delta_r U^\circ_{(298\text{K})} = 89,72 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

c- $\Delta_r S^\circ_{(298\text{K})} = S^\circ_{(\text{N}_2, \text{g}, 298\text{K})} + 3S^\circ_{(\text{H}_2, \text{g}, 298\text{K})} - 2S^\circ_{(\text{NH}_3, \text{g}, 298\text{K})} = -2\Delta_f H^\circ_{(\text{NH}_3, \text{g}, 298\text{K})}$

$$\Delta_r S^\circ_{(298\text{K})} = 198,7 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$$

2- a-



$$\Delta_r H^\circ_{(598\text{K})} = \Delta_r H^\circ_{(298\text{K})} + \int_{298}^{598} [c_{p(\text{N}_2, \text{g})} + 3c_{p(\text{H}_2, \text{g})} - 2c_{p(\text{NH}_3, \text{g})}] dT$$

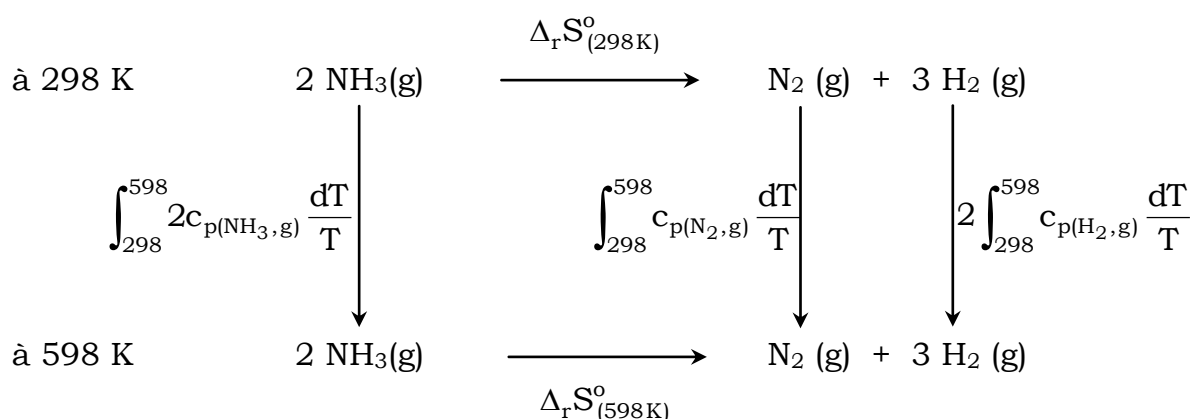
Les capacités calorifiques sont constantes :

$$\Delta_r H^\circ_{(598\text{K})} = \Delta_r H^\circ_{(298\text{K})} + [c_{p(\text{N}_2, \text{g})} + 3c_{p(\text{H}_2, \text{g})} - 2c_{p(\text{NH}_3, \text{g})}] [598 - 298]$$

$$c_{p(\text{NH}_3, \text{g})} = \frac{1}{2} \frac{\Delta_r H^\circ_{(298\text{K})} - \Delta_r H^\circ_{(598\text{K})}}{598 - 298} + \frac{1}{2} (c_{p(\text{N}_2, \text{g})} + 3c_{p(\text{H}_2, \text{g})})$$

$$c_{p(\text{NH}_3, \text{g})} = 34,9 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$$

b- En utilisant identique au précédent,



$$\Delta_r S^\circ_{(598\text{K})} = \Delta_r S^\circ_{(298\text{K})} + \int_{298}^{598} [c_{p(\text{N}_2, \text{g})} + 3c_{p(\text{H}_2, \text{g})} - 2c_{p(\text{NH}_3, \text{g})}] \frac{dT}{T}$$

$$\Delta_r S^\circ_{(598\text{K})} = \Delta_r S^\circ_{(298\text{K})} + [c_{p(\text{N}_2, \text{g})} + 3c_{p(\text{H}_2, \text{g})} - 2c_{p(\text{NH}_3, \text{g})}] \ln\left(\frac{598}{298}\right)$$

$$\Delta_r S^\circ_{(598\text{K})} = 230,74 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1}$$

3- La condition de spontanéité d'après le deuxième principe : $dS > \frac{\delta Q}{T}$ ou bien $\Delta S > \int \frac{\delta Q}{T}$. Pour une réaction chimique s'opérant sous la pression standard $P^\circ = 1 \text{ bar}$ et à une température constante de T , la condition de spontanéité devient $\Delta S^\circ_{(T)} > \frac{\Delta H^\circ_{(T)}}{T}$ ou bien $\Delta_r S^\circ_{(T)} - \frac{\Delta_r H^\circ_{(T)}}{T} > 0$.

$$\text{A } T = 298 \text{ K}, \Delta_r S^\circ_{(298\text{K})} = 198,7 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1} \text{ et } \Delta_r H^\circ_{(298\text{K})} = 92,2 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

$$\Delta_r S^\circ_{298\text{K}} - \frac{\Delta_r H^\circ_{298\text{K}}}{298} = 198,7 - \frac{92,2 \cdot 10^3}{298} = -110,69 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1} < 0. \text{ La réaction n'est pas spontanée à } 298 \text{ K et sous } 1 \text{ bar.}$$

$$\text{A } T = 598 \text{ K}, \Delta_r S^\circ_{(598\text{K})} = 230,74 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1} \text{ et } \Delta_r H^\circ_{(598\text{K})} = 106 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

$$\Delta_r S^\circ_{298\text{K}} - \frac{\Delta_r H^\circ_{298\text{K}}}{298} = 230,74 - \frac{106 \cdot 10^3}{598} = 53,48 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1} > 0. \text{ La réaction est spontanée à } 598 \text{ K et sous } 1 \text{ bar.}$$

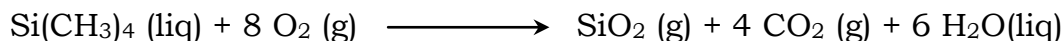
Remarque : On peut raisonner avec $\Delta_r G^\circ_{(T)}$. La réaction est spontanée sous 1 bar et à la température T si $\Delta_r G^\circ_{(T)} < 0$. On le vérifie en l'explicitant :

$$\Delta_r G^\circ_{(298\text{K})} = \Delta_r H^\circ_{(298\text{K})} - 298 \cdot \Delta_r S^\circ_{(298\text{K})} = 32,98 \text{ kJ.mol}^{-1} > 0 \quad \text{non spontanée}$$

$$\Delta_r G^\circ_{(598\text{K})} = \Delta_r H^\circ_{(598\text{K})} - 598 \cdot \Delta_r S^\circ_{(598\text{K})} = -31,98 \text{ kJ.mol}^{-1} < 0. \quad \text{spontanée.}$$

Exercice II

1- La réaction de combustion du TMS s'écrit :



2- Le calorimètre est isolé, la chaleur fournie par la réaction est reçue par le calorimètre :

$$Q_{\text{réaction}} + Q_{\text{calorimètre}} = 0$$

$$Q_{\text{calorimètre}} = C_{\text{calorimètre}} \cdot \Delta T$$

ou bien

$$Q_{\text{calorimètre}} = (mc)_{\text{calorimètre}} \cdot \Delta T$$

ou bien

$$Q_{\text{calorimètre}} = (\mu c_{\text{eau}}) \cdot \Delta T$$

Remarque : La valeur en eau du calorimètre μ est la masse d'eau qui a la même capacité calorifique que le calorimètre.

$$Q_{\text{réaction}} = - (\mu c_{\text{eau}}) \cdot \Delta T$$

$$Q_{\text{réaction}} = Q_v = - 67,1 \text{ kJ}$$

3- La quantité de chaleur dégagée à volume constant est :

$$Q_v = \Delta U = \xi \cdot \Delta_c U_{(\text{TMS, liq}, 298 \text{ K})}^{\circ} = - 67,1 \text{ kJ.}$$

	<u>Si(CH₃)₄</u>	<u>O₂</u>	<u>SiO₂</u>	<u>CO₂</u>	<u>H₂O</u>
t = 0	0,017	n'	0	0	0
t = t _f	(0,017 - ξ)	(n' - 8ξ)	ξ	4ξ	6ξ

On a utilisé un excès de dioxygène, la combustion de 0,017 mole de TMS (liq) est donc complète $\longrightarrow \xi = 0,017 \text{ mol.}$

$$\Delta_c U_{(\text{TMS, liq}, 298 \text{ K})}^{\circ} = \frac{- 67,1}{0,017} = -3946,82 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

$$\Delta_c H_{(\text{TMS}, 298 \text{ K})}^{\circ} = \Delta_c U_{(\text{TMS}, 298 \text{ K})}^{\circ} + RT(\Delta_r v)_{\text{gaz}} \quad \text{avec} \quad (\Delta_r v)_{\text{gaz}} = -4$$

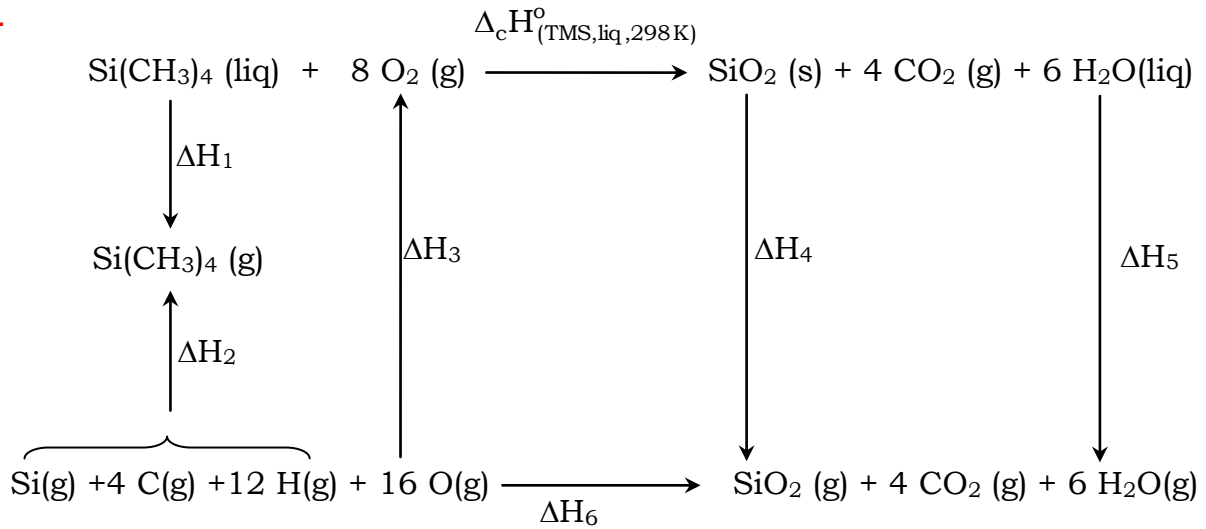
$$\Delta_c H_{(\text{TMS}, 298 \text{ K})}^{\circ} = -3956,73 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

4-

$$\begin{aligned} \Delta_c H_{(\text{TMS}, 298 \text{ K})}^{\circ} &= \Delta_f H_{(\text{SiO}_2, \text{s}, 298 \text{ K})}^{\circ} + 4 \Delta_f H_{(\text{CO}_2, \text{g}, 298 \text{ K})}^{\circ} + 6 \Delta_f H_{(\text{H}_2\text{O}, \text{liq}, 298 \text{ K})}^{\circ} \\ &\quad - 8 \Delta_f H_{(\text{O}_2, \text{g}, 298 \text{ K})}^{\circ} - \Delta_f H_{(\text{TMS}, \text{liq}, 298 \text{ K})}^{\circ} \end{aligned}$$

$$\Delta_f H_{(\text{TMS}, \text{liq}, 298 \text{ K})}^{\circ} = -241,13 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

5-



$$\Delta_c H^\circ_{(\text{TMS, liq, 298 K})} + \Delta H_4 + \Delta H_5 - \Delta H_6 + \Delta H_3 - \Delta H_2 - \Delta H_1 = 0$$

$$\Delta H_1 = \Delta_{\text{vap}} H^\circ_{(\text{TMS, 298 K})}$$

$$\Delta H_2 = 4\Delta_\ell H_{(\text{Si-C})} + 12\Delta_\ell H_{(\text{C-H})}$$

$$\Delta H_3 = 8\Delta_\ell H_{(\text{O=O})}$$

$$\Delta H_4 = \Delta_{\text{sub}} H^\circ_{(\text{SiO}_2, 298 \text{ K})}$$

$$\Delta H_5 = \Delta_{\text{vap}} H^\circ_{(\text{H}_2\text{O, 298 K})}$$

$$\Delta H_6 = 2\Delta_\ell H_{(\text{Si=O})} + 8\Delta_\ell H_{(\text{C=O})} + 12\Delta_\ell H_{(\text{O-H})}$$

$$\Delta_\ell H_{(\text{Si-C})} = \frac{1}{4} \left(2\Delta_\ell H_{(\text{Si=O})} + 8\Delta_\ell H_{(\text{C=O})} + 12\Delta_\ell H_{(\text{O-H})} - 8\Delta_\ell H_{(\text{O=O})} - 12\Delta_\ell H_{(\text{C-H})} - \Delta_{\text{sub}} H^\circ_{(\text{SiO}_2, 298 \text{ K})} - 6\Delta_{\text{vap}} H^\circ_{(\text{H}_2\text{O, 298 K})} + \Delta_{\text{vap}} H^\circ_{(\text{TMS, 298 K})} - \Delta_c H^\circ_{(\text{TMS, liq, 298 K})} \right)$$

$$\Delta_\ell H_{(\text{Si-C})} = -270,25 \text{ kJ.mol}^{-1}$$